

Exercice 2

16 points

Un professeur propose un jeu à ses élèves.

Ils doivent tirer un jeton dans une boîte de leur choix et gagnent lorsqu'ils tombent sur un jeton noir.

Le professeur leur précise que :

- La boîte A contient 10 jetons dont 1 jeton noir;
- La boîte B contient 15 % de jetons noirs;
- La boîte C contient exactement 350 jetons blancs et 50 jetons noirs.

Les jetons sont indiscernables au toucher. Une fois que l'élève a choisi sa boîte, le tirage se fait au hasard.

1. Montrer que, dans la boîte C, la probabilité de tirer un jeton noir est $\frac{1}{8}$.
2. C'est le tour de Maxime. Dans quelle boîte a-t-il intérêt à tenter sa chance? Justifier la réponse.
3. La boîte B contient 18 jetons noirs. Combien y a-t-il de jetons au total dans cette boîte?
4. On ajoute 10 jetons noirs dans la boîte C. Déterminer le nombre de jetons blancs à ajouter dans la boîte C pour que la probabilité de tirer un jeton noir reste égale à $\frac{1}{8}$.

1) Il y a 50 jetons noirs sur 400 jetons au total.

Donc la probabilité de tirer un jeton noir dans la boîte C est égale $\frac{50}{400} = \frac{1}{8}$

$\hookrightarrow \frac{5 \times 1}{5 \times 8}$

$$2) \text{ boîte A : } \frac{1}{10} = 0,1$$

$$\text{boîte B : } \frac{15}{100} = 0,15$$

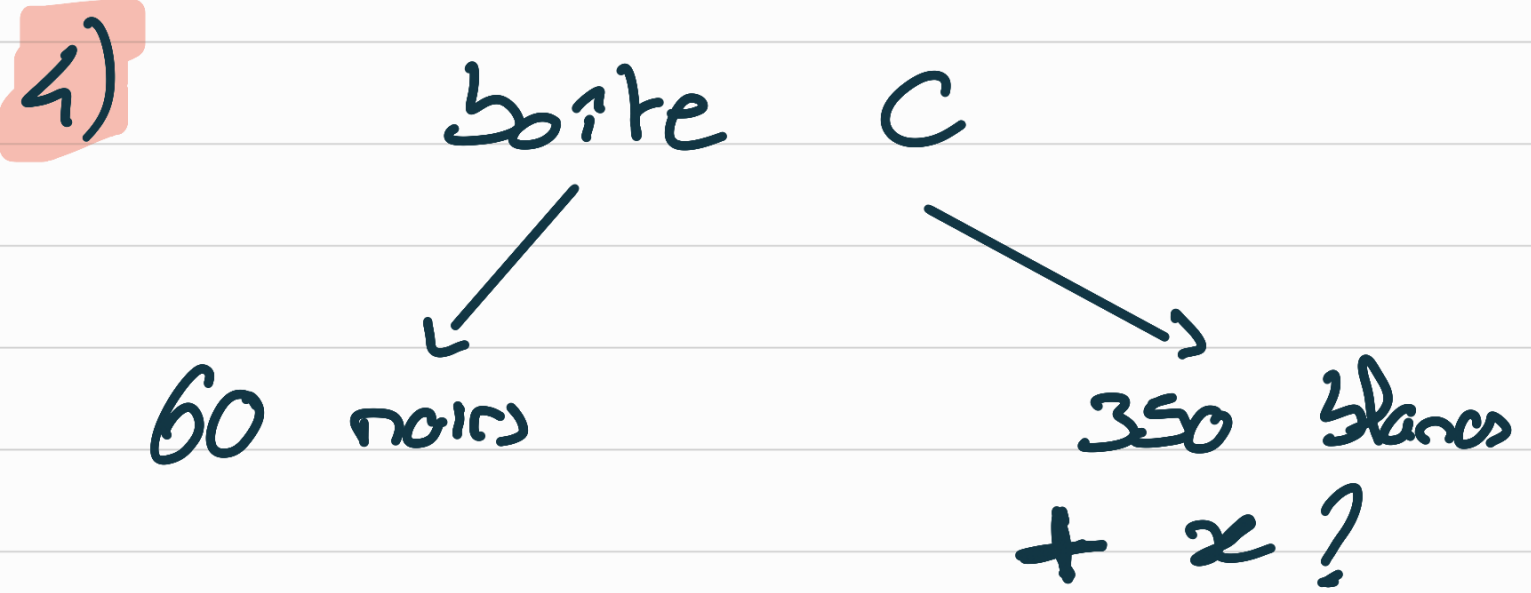
$$\text{boîte C : } \frac{1}{8} = 0,125$$

donc Maxime a intérêt de tenter sa chance dans la boîte B.

$$3) \overset{\text{total jeton}}{\downarrow} x \times \frac{15}{100} = 18$$

$$x \times 0,15 = 18.$$

$$x = \frac{18}{0,15} = 120.$$



Cherche x pour que la probabilité de tirer un jeton noir est $\frac{1}{8}$.

$$\frac{60}{410 + x} = \frac{1}{8}$$

$$60 \times 8 = 1 \times (410 + x)$$

$$480 = 410 + x$$

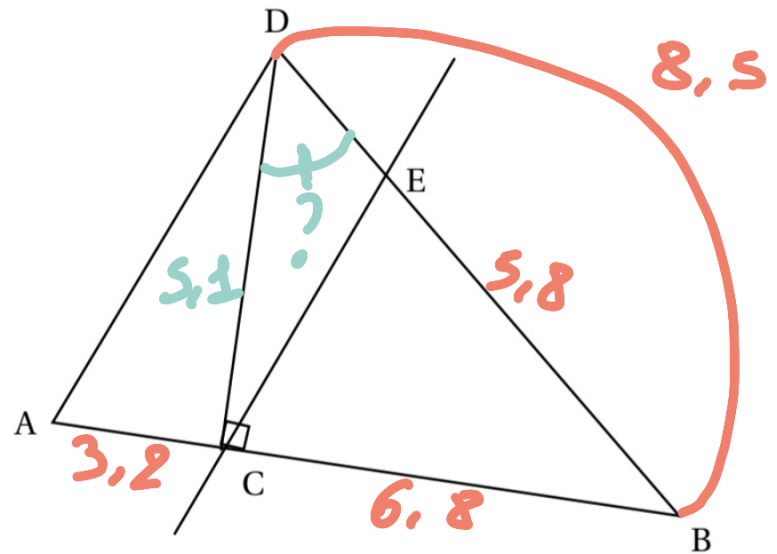
$$480 - 410 = x$$

$70 = x$. Il faut rajouter 70 jetons blancs.

La figure n'est pas à l'échelle

Sur la figure ci-contre :

- le triangle DCB est rectangle en C;
- les points A, C et B sont alignés;
- les points D, E et B sont alignés;
- $AC = 3,2$ cm;
- $CB = 6,8$ cm;
- $BD = 8,5$ cm;
- $BE = 5,8$ cm.



1. Démontrer que la longueur DC est égale à 5,1 cm.
2. Calculer l'aire du triangle DCB en cm^2 .
3. À l'aide de la calculatrice, calculer une valeur approchée de la mesure de l'angle \widehat{ADC} , au degré près.
4. Les droites (AD) et (CE) sont-elles parallèles?

5) Le triangle DCB est rectangle en C, on a :

$$\cos(\widehat{ADC}) = \frac{DC}{DB} = \frac{5,1}{8,5}$$

$$\text{donc } \widehat{ADC} = \arccos\left(\frac{5,1}{8,5}\right) \approx 53^\circ.$$

4) Les points A, C, D et D, E, B sont alignés dans le même ordre.

$$\text{D'une part, } \frac{DE}{BD} = \frac{5,8}{8,5} \approx 0,68235$$

$$\text{D'autre part, } \frac{BC}{BA} = \frac{6,8}{10} = 0,68$$

$$\text{donc } \frac{DE}{BD} \neq \frac{BC}{BA} \text{ et d'}$$

après la contraposée du théorème de Thalès les droites (AC) et (DE) ne sont pas parallèles.

Voici un programme de calcul :

Choisir un nombre.
Prendre le carré du nombre de départ.
Ajouter le triple du nombre de départ.
Soustraire 10 au résultat.

1. Vérifier que si on choisit 4 comme nombre de départ, on obtient 18.
2. Appliquer ce programme de calcul au nombre -3 .
3. Vous trouverez ci-dessous un script, écrit avec scratch.

```

1 Quand [drapeau] est cliqué
2 demander Choisis un nombre et attendre
3 mettre x à Réponse
4 mettre y à x * x
5 mettre z à y + 3 * x
6 mettre Résultat à z - 10
7 dire regroupe Le nombre final est Résultat pendant 2 secondes
  
```

Compléter sur l'ANNEXE les lignes 5 et 6 pour que ce script corresponde au programme de calcul.

4. On veut déterminer le nombre à choisir au départ pour obtenir zéro comme résultat.
 - a. On appelle x le nombre de départ. Exprimer en fonction de x le résultat final.
 - b. Vérifier que ce résultat peut aussi s'écrire sous la forme $(x + 5)(x - 2)$.
 - c. Quel(s) nombre(s) doit-on choisir au départ pour obtenir le nombre 0 à l'arrivée?

$$1) \quad 4 \rightarrow 4^2 = 16 \rightarrow 16 + 5 \times 3 = 16 + 12 \\ = 28$$

$$\rightarrow 28 - 10 = 18.$$

donc on obtient 18 en prenant
4 au départ

$$2) \quad -3 \rightarrow (-3)^2 = 9 \rightarrow 9 + 3 \times (-3) \\ = 9 - 9 = 0$$

$$\rightarrow 0 - 10 = -10$$

donc on obtient -10 en prenant
-3 au départ

$$3) \quad 9x \rightarrow x^2 \rightarrow x^2 + 3x$$

$$\rightarrow x^2 + 3x - 10$$

$$b) x^2 - 2x + 5x - 10$$

$$= x^2 + 3x - 10$$

donc c'est good ✓.

$$c) x^2 + 3x - 10 = 0$$

$$(x + 5)(x - 2) = 0$$

$$x + 5 = 0$$

$$x - 2 = 0$$

$$x = -5$$

$$x = 2$$

donc pour avoir 0 il faut choisir -5 ou 2 au départ